

23-25 ЗАДАНИЯ
ОГЭ

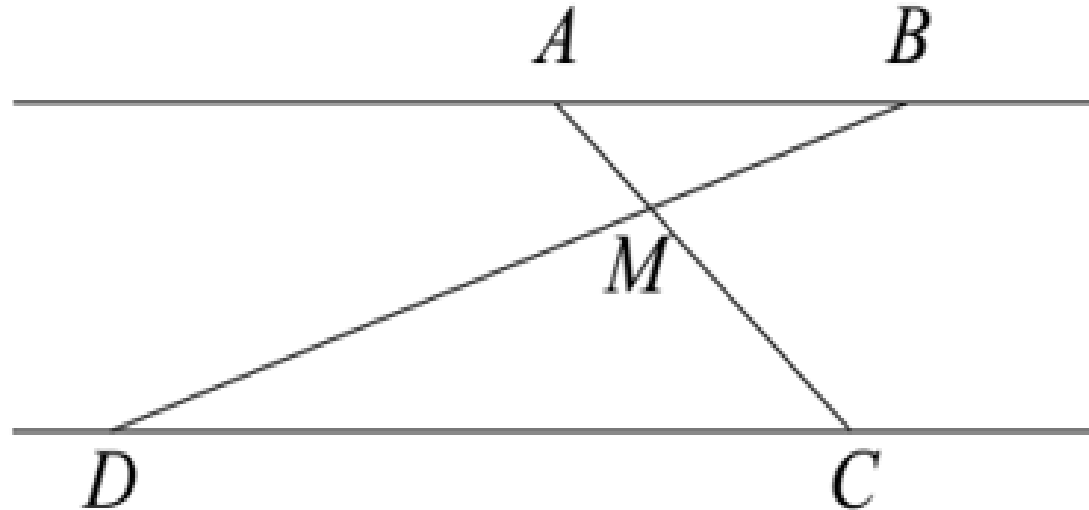
КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ 23 ЗАДАНИЯ

Баллы	Содержание критерия
2	Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, получен верный ответ
1	Решение в целом верное, но содержит несущественные недостатки или вычислительные ошибки
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	<i>Максимальный балл</i>

- если рисунок неправильный, но в решении он **не используется** и оно **верное**, то ставится 2 (**два**) балла
- если при вычислении значений допущена **более** чем одна вычислительная ошибка, то решение оценивается в 1(**один**) балл
- если есть неполные объяснения, например при указании углов пишут только название накрест лежащие, соответственные, без указания параллельности двух прямых и секущей, то ставится 1(**один**) балл
- если имеется **и вычислительная ошибка** (ошибки), **и есть неполные объяснения**, то решение оценивается в 0(**ноль**) баллов

ЗАДАНИЕ 23

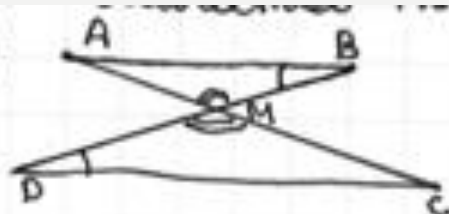
1. Отрезки AB и DC лежат на параллельных прямых, а отрезки AC и BD пересекаются в точке M .
Найдите MC , если $AB = 18$, $DC = 54$, $AC = 48$.



РАСПРОСТРАНЕННЫЕ ОШИБКИ

- Путают название углов(например, вместо вертикальных пишут соответственные)
- Не указывают параллельные прямые для накрест лежащих углов
- Неправильно составляют пропорцию
- Вычислительные ошибки
- Неправильно указывают признак подобия
- Неправильно указывают номер признака подобия

23



Дано: $AB \parallel DC$

AC перпен. \perp BD в т. M , $AB=18$, $DC=54$, $AC=48$

Найти: MC

Решение:

1) рассмотрим $\triangle ABM$ и $\triangle DMC$.

- $\angle BDC = \angle ABD$, как накрест лежащие при $AB \parallel DC$ и сек. BD $\Rightarrow \triangle ABM \sim \triangle DMC$ по двум углам.

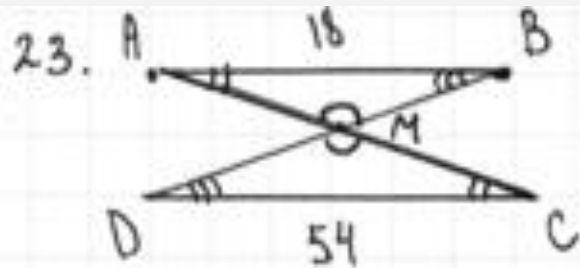
- $\angle AMB = \angle DMC$, как вертикальные

2) исходя из подобия, составлю пропорции:

$$\frac{DC}{AB} = \frac{AC}{MC}$$

$$\frac{54}{18} = \frac{48}{MC} \Rightarrow MC = \frac{18 \cdot 48}{54} = 16.$$

Ответ: $MC = 16$.



Дано: $AB \parallel DC$ $AB = 18$, $DC = 54$ $AC = 48$

Найти: MC

Решение:

Рассмотрим $\triangle ABM$ и $\triangle DMC$

$\angle ABM = \angle DMC$ т.к. соответственные при $AB \parallel DC$

$\angle BAM = \angle MCD$ т.к. накрест лежащие при $AB \parallel DC$

$\angle ABM = \angle MDC$ т.к. накрест лежащие при $AB \parallel DC$.

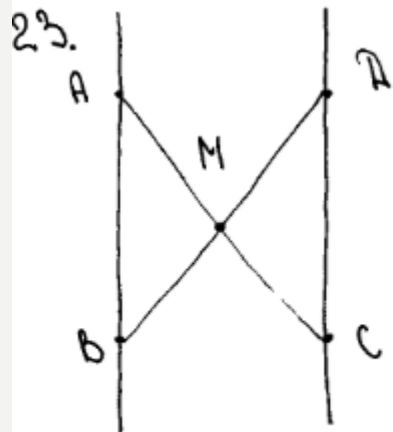
$\triangle AMB \sim \triangle DMC$ - по 3 углам

$$\frac{DC}{AB} = \frac{DM}{MB} = \frac{AM}{MC}$$

$$\frac{54}{18} = \frac{AM}{MC}$$

$$\frac{3}{1} = \frac{AM}{MC}$$

$$AM + MC = 48$$



Дано: $AB \parallel AC$; $AC \cap BA = M$; $AB = 18$; $AC = 54$, $AC = 48$

Найти: MC

Решение: 1) $\triangle AMB \sim \triangle MDC$ (по двум равным углам:
 $\angle ABD = \angle BDC$ (или при $AB \parallel AC$); $\angle AMB = \angle DMC$ (вертикал))

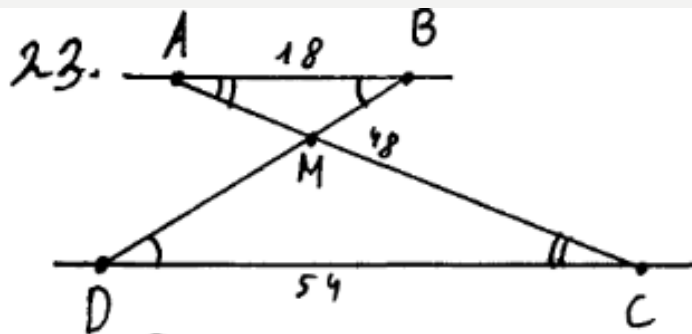
$\Rightarrow \frac{AM}{MC} = \frac{AB}{AC}$ 2) Пусть $MC = x$, тогда AM по условию $AC = 48$, $AM = 48 - x$. Получаем:

$$\frac{48 - x}{x} = \frac{18}{54}$$

$$\Rightarrow x = \frac{18}{54} \cdot x$$

$$18x = 54(48 - x)$$

$$x = 6 \Rightarrow MC = 6$$



Дано: $AB = 18$; $DC = 54$; $AC = 48$

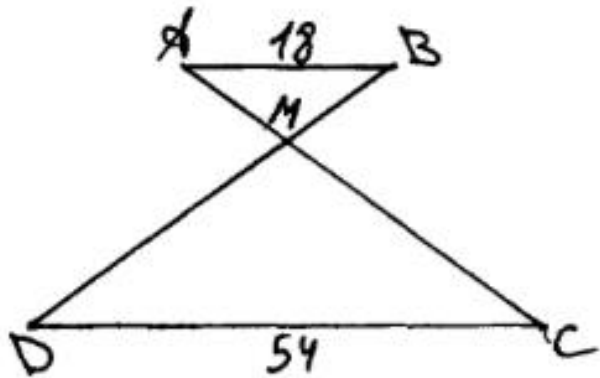
Найти: MC - ?

Решение:

Рассмотрим $\triangle AMB$ и $\triangle DMC$.

$\left. \begin{array}{l} \angle BDC = \angle DBA \text{ - как } \textcircled{\text{накрест. лежа. углы при пересек. DB.}} \\ \angle CAB = \angle ACD \text{ - как } \textcircled{\text{накрест. лежа. углы при пересек. AC.}} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AMB \text{ и } \triangle DMC$
 равны по двум углам.

№ 23



Дано: $AB = 18$, $DC = 54$

$AC = 48$

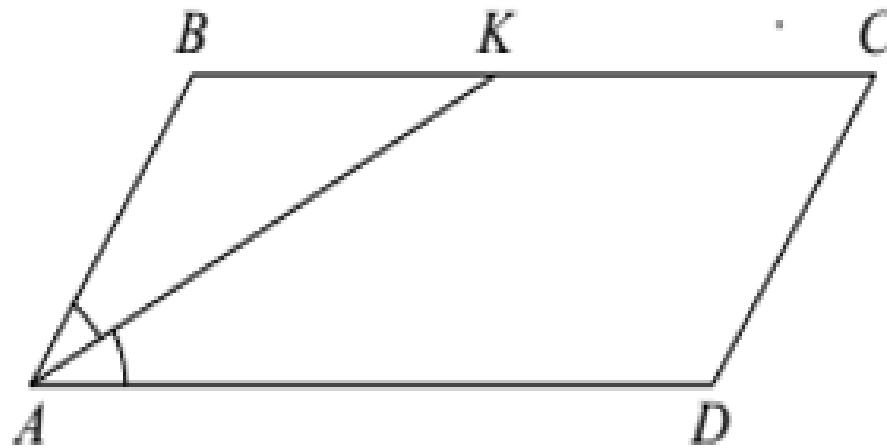
Найти: MC - ?

Решение: $\triangle DMC$ и $\triangle AMB$ - ~~соответственны~~ ^{подобны}
~~по~~ (по 1-му и 2-му сторонам).

$54 : 18 = 3$ раза $\triangle DMC$ больше $\triangle AMB \Rightarrow$
 $\Rightarrow \frac{AM}{MC} = \frac{1}{3}$. $48 : 4 = 12$ - одна часть.

$$MC = 12 \cdot 3 = 36$$

2. Биссектриса угла A параллелограмма $ABCD$ пересекает сторону BC в точке K . Найдите периметр параллелограмма, если $BK = 6$, $CK = 10$.



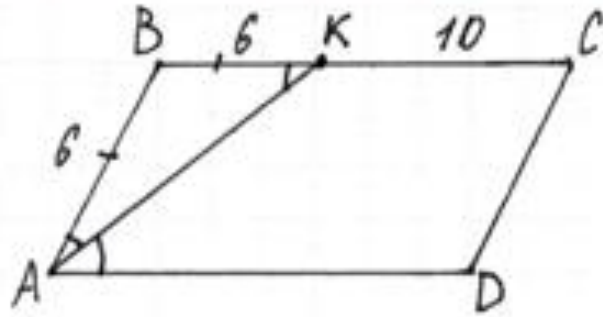
В это задаче необходимо доказать, что биссектриса отсекает равнобедренный треугольник, такой теоремы в учебнике нет, она дается в виде задачи, поэтому отсутствие обоснования является несущественным недостатком и тогда выставляется оценка в 1 (один) балл.

23) Дано: $ABCD$ - пар-м

AK - биссектриса $\angle A$

$BK = 6$, $CK = 10$

Найти: P_{ABCD}



Решение

1) Рассмотрим $\triangle ABK$:

биссектриса угла параллелограмма отсекает от него равнобедренный треугольник, поэтому $\triangle ABK$ - р/б, т.е. $AB = BK = 6$.

2) Рассмотрим стороны пар-ма $ABCD$:

$$AB = BK = 6 \Rightarrow AB = CD = 6,$$

$$BC = AD = BK + CK = 6 + 10 = 16;$$

3) Значит $P_{ABCD} = (6 + 16) \cdot 2 = 22 \cdot 2 = 44$

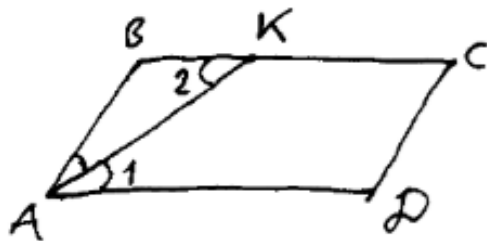
~ 23

Дана паралл-ма ABCD

AK - бис-са

BK = 6 CK = 10

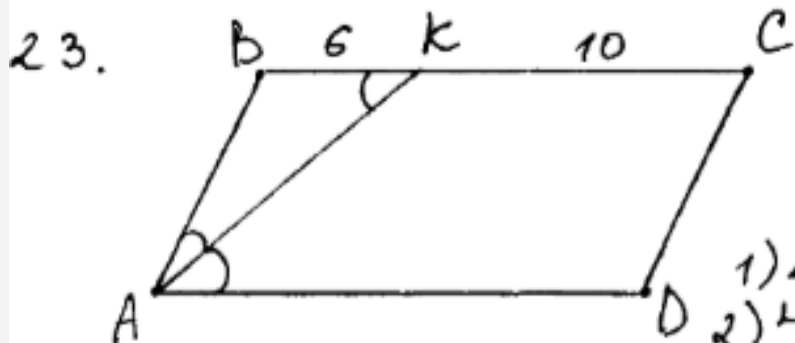
Найти: P ABCD



Решение: $\angle 1 = \angle 2$ т.к. **как/у/леги** \Rightarrow **AB = BK = 6**

BC = BK + KC = 16 $P = 2(16 + 6) = 44$

Ответ: ~~44~~ 44



накрестные при $BC \parallel AD$ (по св-ву паралл-граммы) и сек. AK $\Rightarrow AB = BK = 6$

BC = AD = 10 + 6 = 16

P ABCD = 6 + 16 = 22

Дано: паралл-граммы ABCD; AK \cap BC в т. K;
AK - бисс., BK = 6; CK = 10.
Найти: P ABCD.

Решение:

- 1) $\angle BAK = \angle KAD$ (по усл.)
- 2) $\angle KAD = \angle AKB$ т.к.

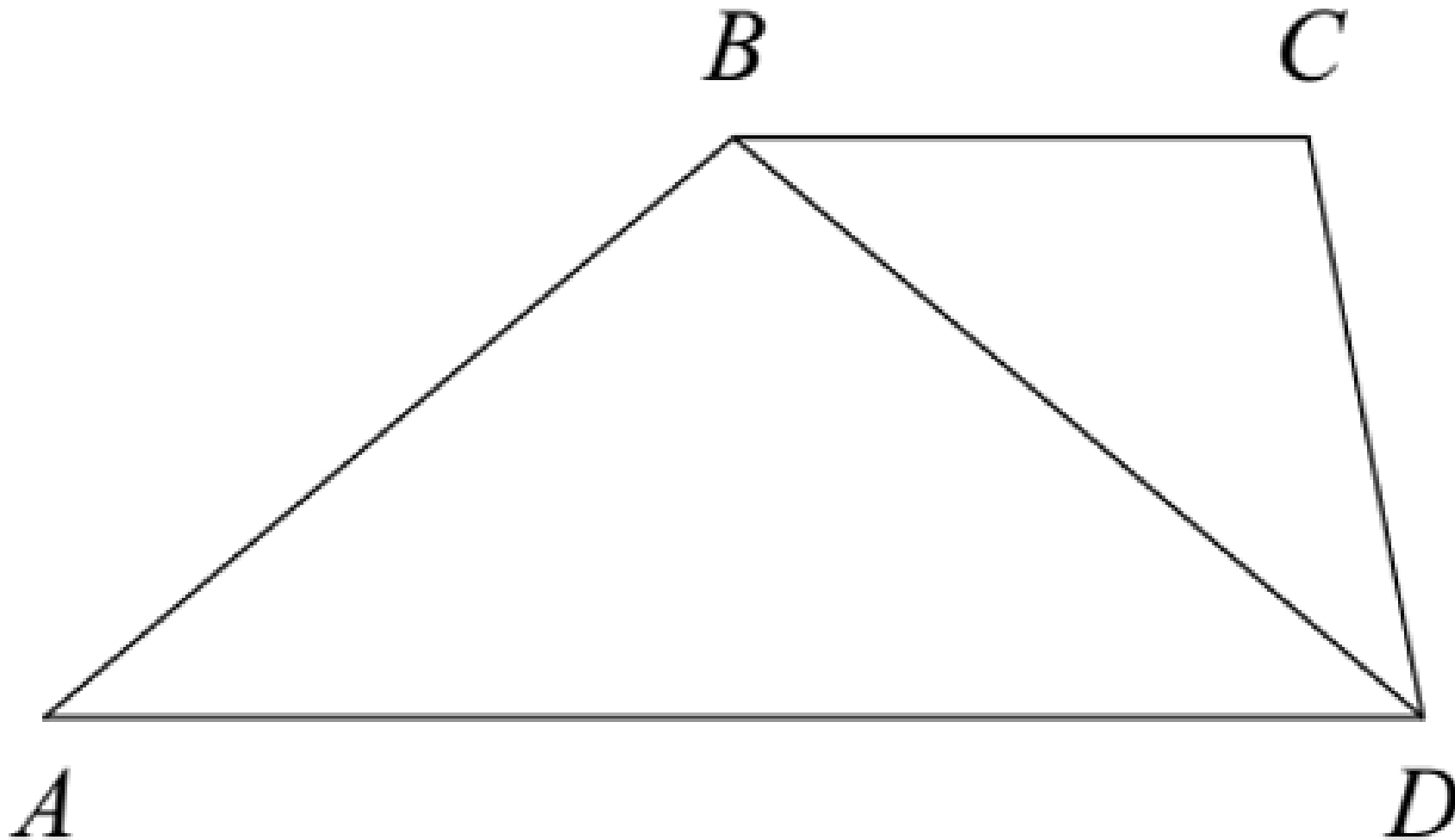
$\Rightarrow \angle BAK = \angle AKB \Rightarrow \Delta ABK$ равнобедрен. \Rightarrow

КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ 24 ЗАДАНИЯ

Баллы	Содержание критерия
2	Доказательство верное, все шаги обоснованы
1	Доказательство в целом верное, но содержит несущественные недостатки
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	<i>Максимальный балл</i>

*если имеются несвязные
утверждения, нарушена
логика решения, ставится
ноль баллов*

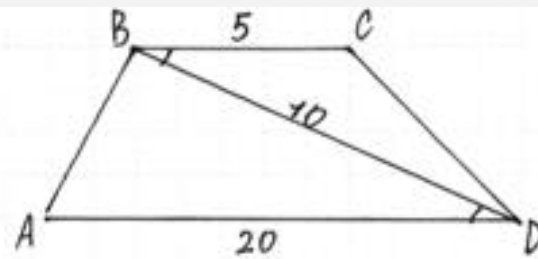
1. Основания BC и AD трапеции $ABCD$ равны соответственно 2 и 32, $BD = 8$. Докажите, что треугольники CBD и BDA подобны.



РАСПРОСТРАНЕННЫЕ ОШИБКИ

- допускают ошибки в обозначении углов
- при указании углов пишут только название накрест лежащих, без указания параллельности и секущей
- пишут, что накрест лежащие углы равны, хотя прямые не параллельны
- неправильно указывают признак подобия или придумывают свой
- доказывают подобие по 3 пропорциональным сторонам

24) Дано: ABCD - трапеция
 $BC = 5$; $AD = 20$; $BD = 10$.
 Док-ть: $\triangle CBD \sim \triangle BDA$.



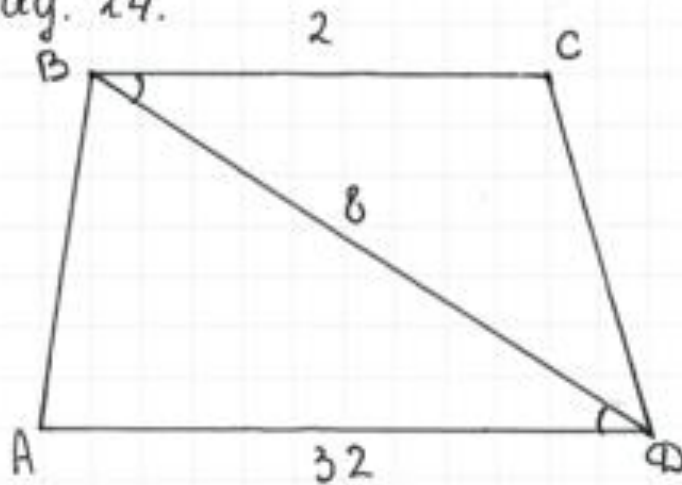
Док-во:

1) Рассмотрим $\triangle CBD$ и $\triangle BDA$:

$$\frac{BC}{BD} = \frac{BD}{AD} = \frac{CD}{AB}; \quad \frac{5}{10} = \frac{10}{20} = \frac{1}{2} \text{ (коэф. пог.)} \Rightarrow$$

$\Rightarrow \triangle CBD \sim \triangle BDA$ по коэф. подобия (Ч.Т.Д.).

Заг. 24.

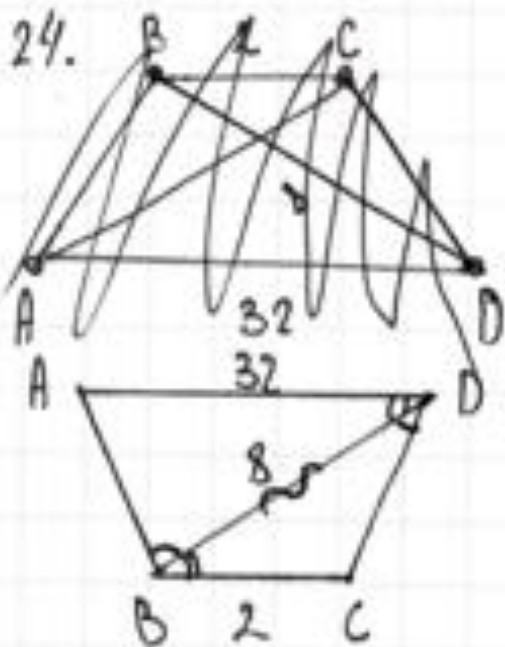


Дано: ABCD - трапеция, $BD = 8$; $BC = 2$,
 $AD = 32$

Док-ть: $\triangle BCD \sim \triangle BDA$.

Док-во: $\angle CBD = \angle ADB$ (накр. л.); $AD : BC = 16 : 2$; BD - общая $\Rightarrow \triangle BCD \sim \triangle BDA$ (по двум сторонам и углу между ними)

24.



Дано: $BC=2$ $AD=32$ $BD=8$ Док-ть: $\triangle CBD \sim \triangle BDA$

Рассмотрим $\triangle CBD$ и $\triangle BDA$

DB - общая сторона

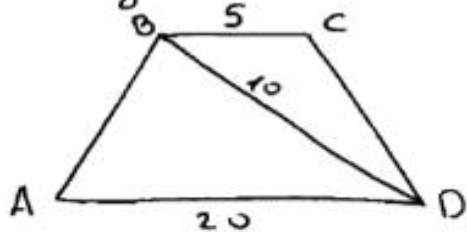
$AD \parallel BC$ - т.к. это основание трапеции

$\angle BDC = \angle ABD$ - т.к. alternate angles \angle since $AD \parallel BC$

$\angle DCB = \angle BDA$ - т.к. alternate angles \angle since $AD \parallel BC$

$\triangle BDA \sim \triangle CBD$ - two angles and a side between them

Задача 24.



Док. в.

Рассмотрим $\triangle CBD$ и $\triangle BDA$.

Как известно несколько сторон, поэтому можем составить пропорции.

$$\frac{AD}{BD} = \frac{AB}{BC}$$

$$\frac{20}{10} = \frac{AB}{5}$$

$$AB = \frac{20 \cdot 5}{10} = 10$$

$$\frac{AD}{BD} = \frac{BD}{CD}$$

$$\frac{20}{10} = \frac{10}{CD}$$

$$CD = \frac{10 \cdot 10}{20} = \frac{10}{2} = 5$$

$$\frac{AD}{BD} = \frac{AB}{BC} = \frac{BD}{CD} = 2$$

$$\frac{20}{10} = \frac{10}{5} = \frac{10}{5} = 2$$

$\triangle CBD \sim \triangle BDA$ (по трем пропорциональным сторонам)
ЧТД

Дано:

ABCD - трапеция

$$BD = 10$$

$$BC = 5$$

$$AB = 20$$

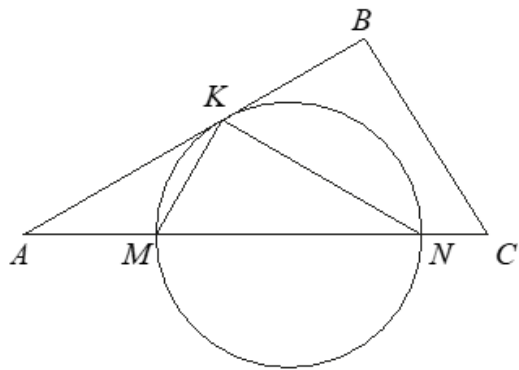
Док. - то: $\triangle CBD \sim \triangle BDA$

КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ 25 ЗАДАНИЯ

Баллы	Содержание критерия
2	Ход решения задачи верный, получен верный ответ
1	Решение в целом верное, но содержит несущественные недостатки или вычислительные ошибки
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	<i>Максимальный балл</i>

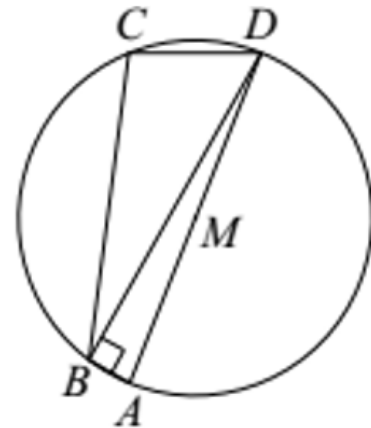
ЗАДАНИЕ 25

1. Точки M и N лежат на стороне AC треугольника ABC на расстояниях соответственно 8 и 30 от вершины A . Найдите радиус окружности, проходящей через точки M и N и касающейся луча AB , если $\cos \angle BAC = \frac{\sqrt{15}}{4}$.

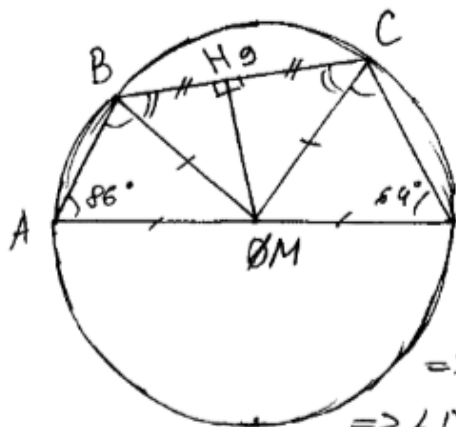


Ответ: 16.

2. Середина M стороны AD выпуклого четырёхугольника $ABCD$ равноудалена от всех его вершин. Найдите AD , если $BC = 9$, а углы B и C четырёхугольника равны соответственно 116° и 94° .



Ответ: $6\sqrt{3}$.



Дано: вписки, чх угольник ABCD. M - середина AD, AM = BM = CM = DM, BC = 9, $\angle B = 116^\circ$, $\angle C = 94^\circ$.
Найти: AD

Решение:

1) Построим окружность около ABCD
т.к. AM = BM = CM = DM - радиус; AD - диам.

2) т.к. ABCD - чх угольник, вписанный в окр. \Rightarrow
 \Rightarrow сумма противоположн. углов = $180^\circ \Rightarrow$

$$\Rightarrow \angle D = 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ \quad \angle A = 180^\circ - 94^\circ = 86^\circ$$

3) т.к. AM = BM \Rightarrow $\triangle ABM$ - равноб., $\Rightarrow \angle BAM = \angle ABM = 86^\circ$
тогда $\angle CBM = 116^\circ - 86^\circ = 30^\circ$

Аналогично рассмотрим $\triangle BMC$: BM = CM $\Rightarrow \angle CBM = \angle BCM = 30^\circ$

4) Проверим высоту MN в $\triangle BMC$ - равноб. \Rightarrow MN также выс. и мед. \Rightarrow

$$\Rightarrow BN = CN = \frac{9}{2} = 4.5$$

5) Рассмотрим $\triangle BNM$ - прямоуг.

т.к. $\angle NBM = 30^\circ \Rightarrow MN = \frac{1}{2} BM$ (т.к. напротив $\angle 30^\circ$ лежит катет) (т.к. напротив $\angle 30^\circ$ лежит катет)
лучше x - MN, тогда BM - $2x$ (катет равен половине гипотенузы)
по т. Пифагора $a^2 + b^2 = c^2$

$$(2x)^2 = x^2 + 4.5^2$$

$$3x^2 = 20.25$$

$$x^2 = 6.75$$

$$x = 0.15\sqrt{3} - MN$$

$$BM = 0.3\sqrt{3}$$

$$6) AD = 2BM = 2 \cdot 0.3\sqrt{3} = 0.6\sqrt{3}$$

$$\text{Ответ: } 0.6\sqrt{3} \quad AD = 0.6\sqrt{3}$$